

СТАТИСТИЧЕСКОЕ ОПИСАНИЕ ПЕРЕХОДОВ ЗОЛЬ-ГЕЛЬ В СИСТЕМАХ С ТЕРМООБРАТИМЫМИ ХИМИЧЕСКИМИ СВЯЗЯМИ

Рыльцев Р.Е.^{1,2} , Сон Л.Д.²

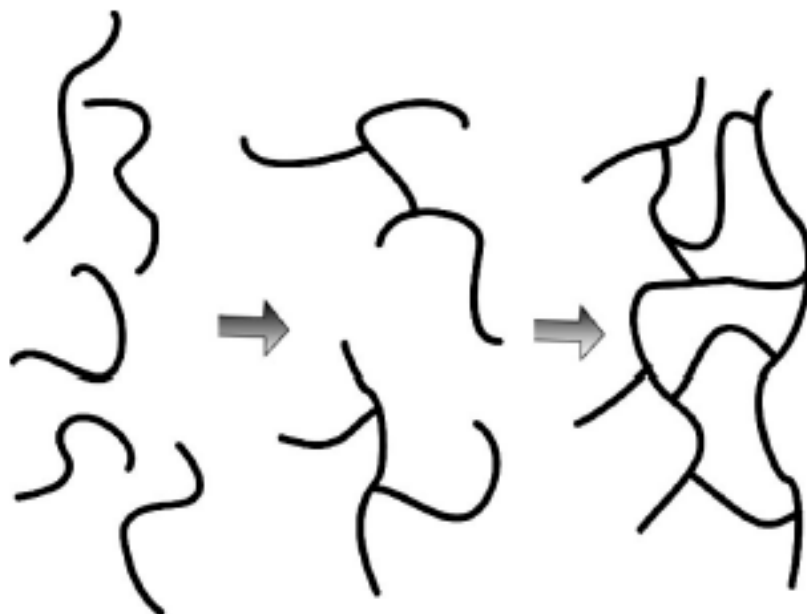
¹ Институт металлургии УрО РАН

² Уральский государственный педагогический университет

Основные определения

Сетеобразующие системы (network-forming systems): системы, в которых имеет место образование крупномасштабных разветвленных ассоциатов из структурных элементов

Золь-гель переход: процесс формирования бесконечного перколяционного кластера, образованного структурными элементами



Гель

```
graph TD; A[Гель] --> B[Химический<br/>(сильный)<br/>U >> kT]; A --> C[Физический<br/>(слабый)<br/>U ~ kT];
```

**Химический
(сильный)
 $U \gg kT$**

- Разветвленные полимеры с ковалентными связями

**Физический
(слабый)
 $U \sim kT$**

- Тетраэдрические жидкости (H_2O , SiO_2 и др.) и их растворы
- Органические жидкости
- Ассоциативные полимеры
- Супрамолекулярные полимеры
- Аморфизирующие расплавы

Цель: описать термодинамические и структурные характеристики бинарной гелеобразующей системы мономер-растворитель в рамках статистической модели

Задачи:

- Исследование термодинамической природы золь-гель перехода
- Исследование взаимного положения критической линии перколяции совместно с фазовой диаграммой системы

Модельные представления

1. Рассматриваем бинарный раствор. Размерами и формой компонентов пренебрегаем.
2. Не учитываем позиционное упорядочение. Т.е. компоненты системы занимают узлы некоторой решетки.
3. Взаимодействуют только ближайшие соседи.
4. Компоненты участвуют в объемном взаимодействии, энергия которого описывается матрицей $J_{\alpha\beta}$
5. Сетеобразующие элементы (мономеры) участвуют в химическом взаимодействии

f — функциональность мономеров

U — энергия химической связи

a_m — статистические веса m -кратно связанных мономеров


$$H\{n\} = -\frac{1}{2} \sum_{\langle rr' \rangle, \alpha\beta} n_r^\alpha J_{\alpha\beta} n_{r'}^\beta \quad \text{— модель решеточного газа}$$

$$Z_{chain} = \text{---} + \text{---} + \dots + \text{---} + \dots + \text{---} + \dots$$

$$Z_{chain} = \sum_{L, N_m} e^{L \frac{U}{T}} a_1^{N_1} a_2^{N_2} \dots a_f^{N_f} \Omega(L, N_1, N_2, \dots, N_f)$$

$$\Updownarrow$$

$$Z_{chain} = \int D\Psi e^{-H\{\Psi\}}$$

Описание золь-гель перехода

Р.Е. Рыльцев, Л.Д. Сон, ЖЭТФ, 137, 3 (2010)

Основная проблема: определение критерия наступления ЗГП (требуется расчета корреляционной функции элементов связного кластера)

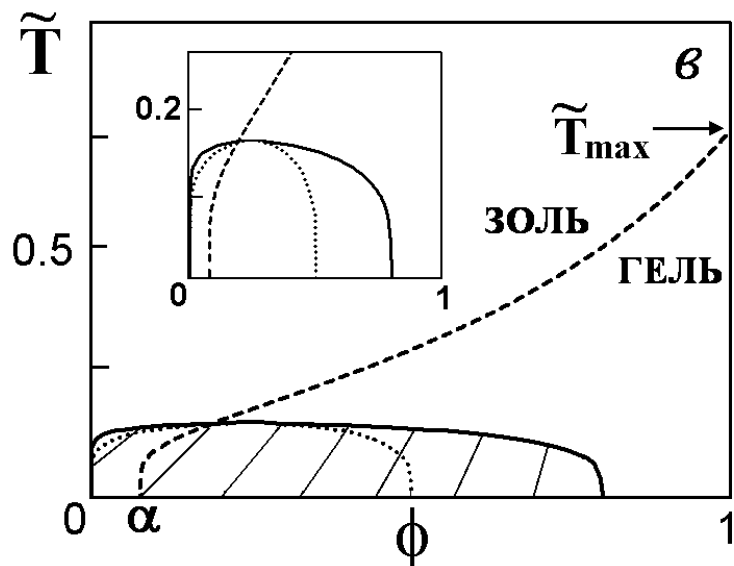
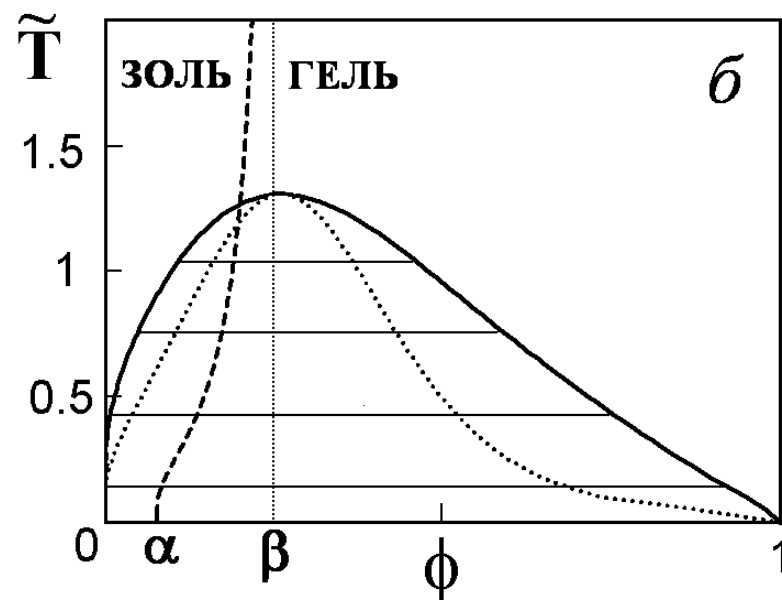
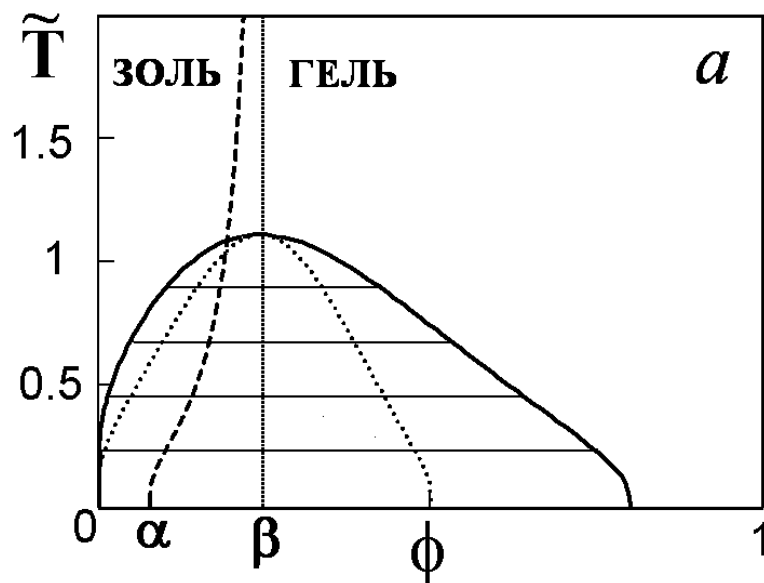
$$G^{-1}(0) = 0$$

- критерий золь-гель перехода



уравнение критической линии перколяции

$$\tilde{T} = T/U \quad \chi = \frac{\gamma}{2}(J_{AA} + J_{BB} - J_{AB}) \quad a_m = \rho^m$$

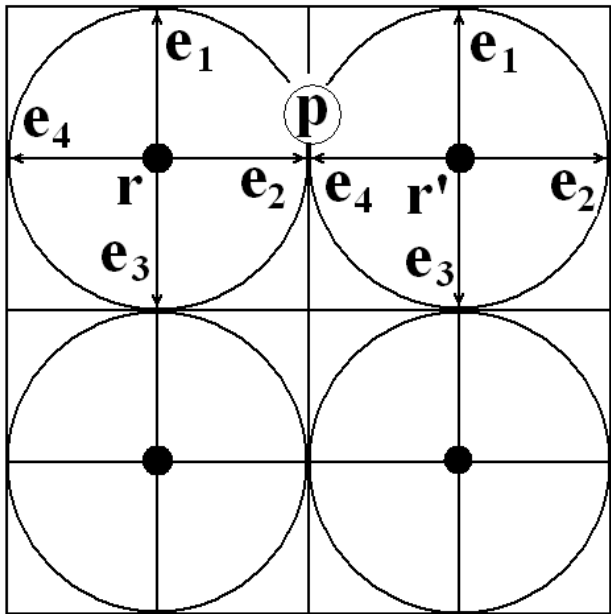


а) $\chi = 0, \quad \rho = 0.8$

б) $\chi = 0.12, \quad \rho = 0.8$

в) $\chi = 0, \quad \rho = 0.1$

СПАСИБО ЗА ВНИМАНИЕ



$$\mathbf{p} = \mathbf{r} + \mathbf{e}_k, k = 0, 1, \dots N$$

$$H\{\psi\} = \frac{K}{2} \sum_{\mathbf{p}} \psi^2(\mathbf{p}) - \sum_{\mathbf{r}} \ln [1 + P^{(\mathbf{r})}[\psi(\mathbf{p})]]$$

$$P^{(\mathbf{r})}[\psi(\mathbf{p})] = a_1 \sum_{k_1} \psi(\mathbf{r} + \mathbf{e}_{k_1}^{(\mathbf{r})}) + a_2 \sum_{k_1 \neq k_2} \psi(\mathbf{r} + \mathbf{e}_{k_1}^{(\mathbf{r})}) \cdot \psi(\mathbf{r} + \mathbf{e}_{k_2}^{(\mathbf{r})}) + \dots + a_N \sum_{k_p \neq k_q} \psi(\mathbf{r} + \mathbf{e}_{k_1}^{(\mathbf{r})}) \dots \psi(\mathbf{r} + \mathbf{e}_{k_N}^{(\mathbf{r})})$$

$$Z = \int D\psi \exp[-H\{\psi\}]$$

$$Z = \int D\psi e^{-\frac{K}{2} \sum_{\mathbf{p}} \psi^2(\mathbf{p})} \prod_{\mathbf{r}} [1 + P^{(\mathbf{r})}[\psi(\mathbf{p})]]$$

$$Z = \int D\psi e^{-H_0} \left[1 + a_1 \left(\begin{array}{c} \uparrow \\ \bullet \\ \mathbf{r}_1 \end{array} + \begin{array}{c} \bullet \rightarrow \\ \mathbf{r}_1 \end{array} + \dots \right) + a_2 \left(\begin{array}{c} \uparrow \\ \bullet \\ \mathbf{r}_1 \end{array} + \begin{array}{c} \leftarrow \bullet \\ \mathbf{r}_1 \end{array} + \dots \right) + \dots \right] \\
\left[1 + a_1 \left(\begin{array}{c} \uparrow \\ \bullet \\ \mathbf{r}_2 \end{array} + \begin{array}{c} \bullet \rightarrow \\ \mathbf{r}_2 \end{array} + \dots \right) + a_2 \left(\begin{array}{c} \uparrow \\ \bullet \\ \mathbf{r}_2 \end{array} + \begin{array}{c} \leftarrow \bullet \\ \mathbf{r}_2 \end{array} + \dots \right) + \dots \right] \\
\dots\dots\dots$$

$$\langle \psi(\mathbf{p}) \psi(\mathbf{p}') \rangle_{H_0} = \delta_{\mathbf{p}\mathbf{p}'} e^{-\frac{U}{T}}$$